

関数 2.

組 氏 名

1. 右の図は、放物線 $y = x^2 + 8$ のグラフと、直線 $y = 2x + 8$ のグラフである。点AとBは、2つのグラフの交点で、点Cは $y = 2x + 8$ と x 軸との交点である。このとき次の問いに答えよ。

(1) 交点AとBの座標を求めよ。

$y = x^2$
 $y = 2x + 8$ } この式を連立
 $x^2 = 2x + 8$ } して解く。
 $x^2 - 2x - 8 = 0$
 $(x - 4)(x + 2) = 0$
 $x = 4, x = -2$
 それぞれ $y = x^2$ に代入して y を求める。
 $A(-2, 4)$
 $B(4, 16)$

(2) x 軸との交点Cの座標を求めよ。

x 軸と交わる $\rightarrow y = 0$ とおいてとく。
 $y = 2x + 8$
 $0 = 2x + 8$
 $-2x = 8$
 $x = -4$
 $C(-4, 0)$

(3) $\triangle ABO$ の面積を求めよ。

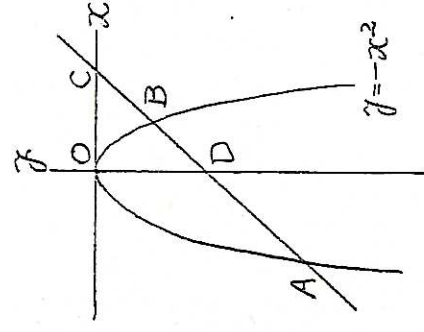
右と左に分ける
 $\textcircled{1} 8 \times 2 \div 2 = 8$
 $\textcircled{2} 8 \times 4 \div 2 = 16$
 $\textcircled{1} + \textcircled{2} = 8 + 16 = 24$
 Ans, 24

(4) $\triangle ABO$ の面積を二等分し、原点を通る直線の式を求めよ。

ABの中点を求める。
 (たいてい2つわかる)
 $A(-2, 4)$
 $B(4, 16)$
 $(\frac{-2+4}{2}, \frac{4+16}{2}) \rightarrow$ 中点 $(1, 10)$
 $y = ax$ に代入
 $10 = a \times 1$
 $a = 10$
 $\therefore y = 10x$

(5) $\triangle AOD$ を y 軸のまわりに1回転してできる立体の体積を求めよ。

$V_1 = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \times \pi \times 2^2 \times 4 = \frac{16\pi}{3}$
 $V_2 = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \times \pi \times 2^2 \times 4 = \frac{16\pi}{3}$
 体積 $= \frac{16\pi}{3} + \frac{16\pi}{3} = \frac{32\pi}{3}$
 (特に単位はわりません。)



1. 右の図は、放物線 $y = -x^2$ のグラフと、直線 $y = x - 2$ のグラフである。点AとBは、2つのグラフの交点で、点Cは $y = x - 2$ と x 軸との交点である。このとき次の問いに答えよ。

(1) 交点AとBの座標を求めよ。

(2) x 軸との交点Cの座標を求めよ。

(3) $\triangle ABO$ の面積を求めよ。

(4) $\triangle ABO$ の面積を二等分し、原点を通る直線の式を求めよ。

(5) $\triangle BOD$ を y 軸のまわりに1回転してできる立体の体積を求めよ。