

平行四辺形 3.

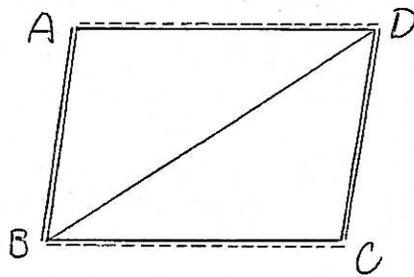
証氏名

平行四辺形になる条件 を仮定として、四角形が平行四辺形になる証明をある。

(条件1) 2組の向かいあう辺が、それぞれ平行である。(定義)

* これは定義なので、証明する必要はない。

(条件2) 2組の向かいあう辺が、それぞれ等しい。



証明) $\triangle ABD$ と $\triangle CBD$ で
 $AB = CB$ ①
 $AD = BC$ ②
 $BD = BD$ ③

①②③より ④

それぞれ等しいので

仮定)

結論)

$\triangle ABD \cong \triangle CBD$

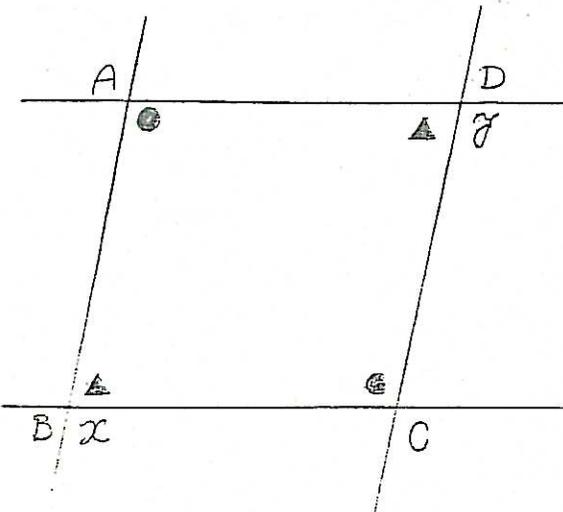
だから $\angle ABD = \angle CBD$ となり

$AB \parallel DC$ となる。

また $\angle ADB = \angle CBD$ となり

$AD \parallel BC$ となる。

(条件4) 2組の向かいあう角が、それぞれ等しい。



(1) $\odot + \triangle + \odot + \triangle$ は何度か。

(2) $\angle \alpha$ は $\odot + \triangle$ は何度か。

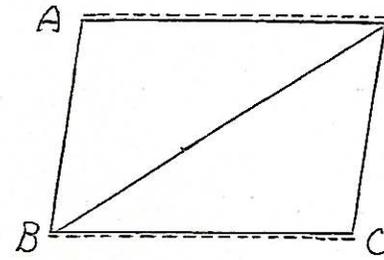
(3) つまり $\angle \alpha = \angle \gamma$ となる。

(4) よって $AD \parallel BC$ といえる。

(5) また $\angle \beta = \angle \delta$ である。

(6) よって $AB \parallel DC$ といえる。

(条件3) 1組の向かいあう辺が、等しくて平行である。



証明) $\triangle ABD$ と $\triangle CBD$ で

$AD = BC$ ①

$\angle ADB = \angle CBD$ ②

$BD = BD$ ③

①②③より

それぞれ等しいので

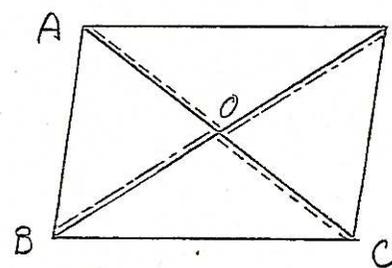
$\triangle ABD \cong \triangle CBD$

だから $\angle ABD = \angle CBD$ となり

$AB \parallel DC$ がいえる。

仮定とあわせて $AB \parallel DC, AD \parallel BC$

(条件5) 対角線が、それぞれの中点で交わる。



証明) $\triangle ABO$ と $\triangle CDO$ で

$AO = CO$ ①

$BO = DO$ ②

$\angle AOB = \angle COD$ ③

①②③より

それぞれ等しいので

$\triangle ABO \cong \triangle CDO$

だから $\angle BAO = \angle DCO$

つまり $AB \parallel DC$ となる。

また $\angle ABO = \angle CDO$

つまり $AD \parallel BC$ となる。